



FÍSICA

2

MECÂNICA II

1. Equilíbrio estático: composição de forças

NOME \_\_\_\_\_  
ESCOLA \_\_\_\_\_  
EQUIPE \_\_\_\_\_ SÉRIE \_\_\_\_\_  
PERÍODO \_\_\_\_\_ DATA \_\_\_\_\_

### QUESTÃO PRÉVIA

“O casal carrega uma sacola pesada, sendo que o ângulo de abertura ( $\theta$ ) dos braços do homem e o da mulher são iguais (fig.1.1).

- A força exercida pelo homem ( $F_H$ ) e pela mulher ( $F_M$ ) são iguais?
- Se o ângulo de abertura dos braços for maior, a força que cada um exerce será maior ou menor?

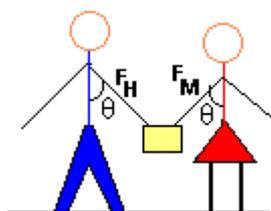


Figura 1.1 – Forças exercidas pelo homem ( $F_H$ ) e pela mulher ( $F_M$ )

Respostas

a)

b)

### OBJETIVO

- Determinar, graficamente e analiticamente, a resultante de várias forças co-planares atuando num ponto.
- Verificar a condição de equilíbrio de translação (1ª condição de equilíbrio), quando um conjunto de forças atua sobre um ponto.

### INTRODUÇÃO

**Força:** é qualquer agente que pode alterar o estado de movimento e ou deformar o corpo sobre o qual é aplicada. Força é uma grandeza vetorial porque ela tem módulo, direção e sentido.

Notação:  $\mathbf{F}$  → vetor força

Componentes de uma força são as projeções ortogonais do vetor força sobre os eixos de um sistema de eixos cartesianos ortogonais (fig. 1.2).

Notação:  $F_x$  → componente de  $\mathbf{F}$  na direção x

$F_y$  → componente de  $\mathbf{F}$  na direção y

Para determinar o módulos destas componentes, no triângulo AOB,  $F_x$  é o cateto adjacente ao ângulo  $\theta$ , e  $F_y$  o cateto oposto. Portanto:

$$\cos \theta = (\text{cateto adjacente})/\text{hipotenusa} = F_x / F$$

$$F_x = F \cos \theta \quad 1.1$$

$$\text{e } \sin \theta = (\text{cateto oposto})/\text{hipotenusa} = F_y / F$$

$$F_y = F \sin \theta \quad 1.2$$

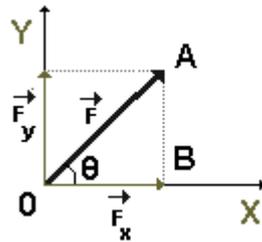


Figura 1.2 – Componentes da força  $F$ :  $F_x$  e  $F_y$

Quando um conjunto de forças co-planares (situadas em um mesmo plano), é aplicada a um corpo ou a um ponto material, este conjunto pode ser substituído por uma única força denominada *resultante de forças*, ou seja, esta resultante produz o mesmo efeito que o conjunto de forças.

**1ª Lei de Newton:** Quando um ponto material está em equilíbrio, ou seja, em repouso ou em movimento retilíneo uniforme, a resultante das forças  $\mathcal{R}$  que atuam sobre ele é nula.

$$\mathbf{R} = 0$$

Para determinar a resultante das forças, determinam-se as componentes,  $F_x$  e  $F_y$ , segundo os dois eixos de um sistema de eixos cartesianos ortogonais. Faz-se a soma algébrica destas componentes,  $\Sigma F_x$  e  $\Sigma F_y$ , reduzindo o sistema de forças para estas duas forças na direção  $x$  e  $y$ .

No triângulo OAB, aplicando o Teorema de Pitágoras, obtém-se:

$$R^2 = (\Sigma F_x)^2 + (\Sigma F_y)^2$$

$$R = ((\Sigma F_x)^2 + (\Sigma F_y)^2)^{1/2} \quad 1.3$$

Para que  $R = 0$ , decorre 1ª condição de equilíbrio (equilíbrio de translação):

$$\Sigma F_x = 0 \text{ e } \Sigma F_y = 0 \quad 1.4$$

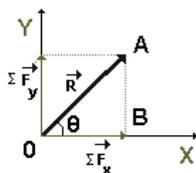


Figura 1.3 – Determinação da resultante de forças

**Exemplo:** a luminária da figura 1.4 está em equilíbrio estático. Na luminária atuam as forças peso,  $p$ , e a força de tração  $T_1$ . Isolando a luminária (fig.1.4b), as forças que atuam sobre ela são:  $T_3$  e  $p$ .

$$\Sigma F_y = T_3 - p = 0$$

$$T_3 = p$$

Isolando o ponto O (fig.1.4c), as forças que atuam sobre ele são:  $T_1$ ,  $T_2$  e  $T_3$ . Determinando as componentes, obtém-se:

Fazendo a soma algébrica segundo os dois eixos,  $x$  e  $y$ :

$$\Sigma F_x = T_{1x} + T_{2x} + T_{3x} = -T_1 \cos \theta_1 + T_2 \cos \theta_2$$

$$\Sigma F_y = T_{1y} + T_{2y} + T_{3y} = T_1 \sin \theta_1 + T_2 \sin \theta_2 - T_3$$

Aplica-se a 1ª condição de equilíbrio (1.4):

$$\Sigma F_x = 0 \text{ e } \Sigma F_y = 0$$

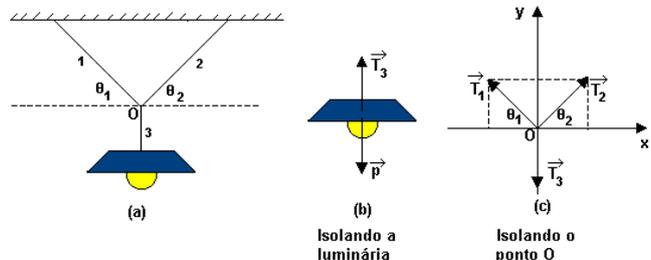


Figura 1.4 – Determinação da resultante de forças

## MATERIAL

- 1 suporte
- Travessão de alumínio
- Travessão de ferro (para o transferidor)
- 2 roldanas
- 10 massas iguais de 20 g
- 1 transferidor com imã
- Fio cordonê

## PROCEDIMENTO I

- Monte as roldanas no travessão tal que a distância entre elas seja aproximadamente 18 cm (fig.1.5).
- Coloque um “peso” suspenso em cada extremidade do fio que passa pelas roldanas e o terceiro peso, no meio do fio.
- Meça o ângulo formado entre os fios,  $\theta$ , e os ângulos, que os fios fazem com a horizontal,  $\theta_1$  e  $\theta_2$ , utilizando o transferidor. Coloque os valores dos ângulos medidos na tabela 1.1.
- Repetir o procedimento anterior, dobrando o valor das massas dependuradas.

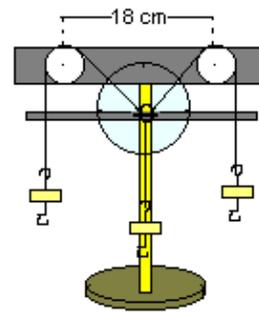


Figura 1.5 – Montagem do experimento

## DETERMINE

- Os valores das forças (peso,  $p$ ) e coloque os valores na tabela 1.1.
- Aplicando o método das componentes, verifique analiticamente se o sistema está em equilíbrio, ou seja, se a resultante de forças é nula.
- Utilizando uma escala adequada para as forças aplicadas e transferidor, faça a soma dos vetores graficamente.

## QUESTÕES

I – 1) O resultado obtido analiticamente é o mesmo obtido experimentalmente? Justificar a resposta.

I – 2) A soma de vetores realizada graficamente justifica o equilíbrio do sistema? Justificar a resposta.

## PROCEDIMENTO II

- Coloque “pesos” diferentes nas extremidades dos fios, um “peso” no meio do fio que está passando pelas roldanas.
- Meça os ângulos que os fios fazem com a horizontal,  $\theta_1$  e  $\theta_2$ , utilizando o transferidor. Coloque os valores dos ângulos medidos na tabela 1.2.
- Repita o procedimento acima, aumentando a força que está sendo aplicada entre as roldanas, colocando dois “pesos” e três “pesos”.

## DETERMINE:

- Os valores das forças  $F_1$ ,  $F_2$  e  $F_3$  e coloque os valores na tabela 1.2.
- Aplicando o método das componentes, verifique analiticamente se o sistema está em equilíbrio, ou seja, se a resultante de forças é nula.
- A soma dos vetores graficamente, utilizando uma escala adequada para as forças aplicadas e transferidor.

### PROCEDIMENTO III

- Suspenda o “peso”, na junção dos dois dinamômetros que estão suspensos na barra como mostra a fig. 1.6.
- Faça a leitura, no dinamômetro, das forças ( $F_1$  e  $F_2$ ) que estão sendo exercidas no “peso” suspenso.
- Meça os ângulos que as forças  $F_1$  e  $F_2$  fazem com a horizontal, utilizando o transferidor.
- Coloque os valores medidos na tabela 1.3.
- Repita o procedimento acima, colocando os dinamômetros nas extremidades da barra.

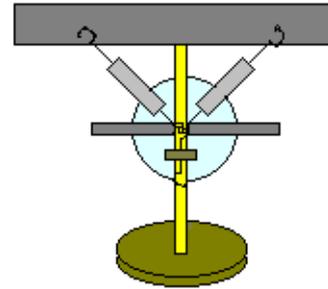


Figura 1.6 – “Peso” suspenso na junção dos dois dinamômetros

### DETERMINE:

- Aplicando o método das componentes, verifique analiticamente se o sistema está em equilíbrio, ou seja, se a resultante de forças é nula.
- Utilizando uma escala adequada para as forças aplicadas e transferidor, faça a soma dos vetores graficamente.

### QUESTÕES

III – 1) O resultado obtido analiticamente é o mesmo obtido experimentalmente? Justificar a resposta.

III – 2) A soma de vetores realizada graficamente justifica o equilíbrio do sistema? Justificar a resposta.

III – 3) E agora consegue responder a questão prévia?

Tabela 1.1 – Equilíbrio: composição de forças

$F_1$ (N)	$F_2$ (N)	$F_3$ (N)	$\theta_1$	$\theta_2$	$F_r$ (N)

Tabela 1.2 – Equilíbrio: composição de forças

$F_1$ (N)	$F_2$ (N)	$F_3$ (N)	$\theta_1$	$\theta_2$	$F_r$ (N)

Tabela 1.3 – Equilíbrio: composição de forças

$F_1$ (N)	$F_2$ (N)	$F_3$ (N)	$\theta_1$	$\theta_2$	$F_r$ (N)